

第4章 図形と計量

第1節 三角比

1年1組 番

【表現・処理】

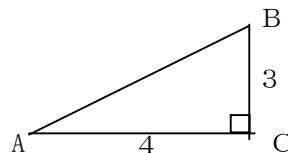
正弦、余弦、正接の値を求めることができる。

- ① 右の図で、次の値を求めよ。

(0) AB の長さ

(1) $\sin A$

(4) $\sin B$



(2) $\cos A$

(5) $\cos B$

(3) $\tan A$

(6) $\tan B$

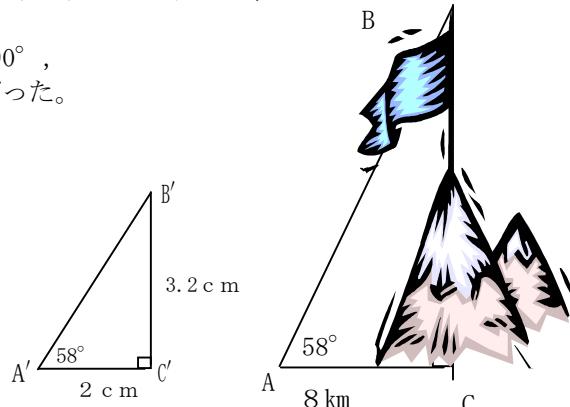
【数学的な見方や考え方】

図形の相似の考え方を用いて、直角三角形の辺の比を角との関係でとらえることができる

- ② 山のふもと C から 8 km 離れた地点 Aにおいて、山にある旗の先端 B を見上げ、

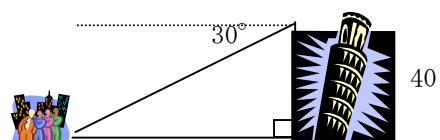
 $\angle BAC$ の大きさを測ったとき、 60° であったとする。これに合わせて、紙の上に $A'C' = 2 \text{ cm}$, $\angle B'C'A' = 90^\circ$, $\angle B'A'C' = 58^\circ$ である三角形をかくと、 $B'C' = 3.2 \text{ cm}$ だった。

山のふもと C から旗 B までの高さは何 km か求めよ。



- ③ ビルの屋上から地上にいる人を見たときの俯角が 30° であった。

ビルの高さが 40m のとき、ビルの下端から人の距離は何 m か求めよ。



12月　　日（　　）

正弦定理

1年1組　　番

【数学的な見方や考え方】

作図を用いて、正弦定理を導く過程を考察することができる。

1. 次の作業をしましょう。

- (1) 下に円を描きましょう。(半径の長さRは、自由です。)
(2) 円周上に3点A, B, Cを取り、対応する辺をa, b, cとしましょう。
(3) 次の値を調べてみましょう。

R =

① $a =$, $A =$, $\sin A =$

$$\frac{a}{\sin A} =$$

② $b =$, $B =$, $\sin B =$

$$\frac{b}{\sin B} =$$

③ $c =$, $C =$, $\sin C =$

$$\frac{c}{\sin C} =$$

上の(1)～(3)の作業で気がついた点を記入してください。

12月　日（　）

正弦定理

1年1組　番

【数学的な見方や考え方】

作図を用いて、正弦定理を導く過程を考察することができる。

2. $\triangle ABC$ の外接円の半径をRとする。

Bを通る直径BDを引く。

弧BADは半円なので、 $\angle BCD =$

これより $\triangle BCD$ は 三角形となり

$$\sin D = \frac{BC}{\text{直径}} = \frac{BC}{2R} = \frac{a}{2R}$$

また、円周角の定理より
 $A = \frac{1}{2} \angle BOD = \frac{1}{2} \angle BCD = \frac{1}{2} \sin D = \frac{1}{2} \frac{a}{2R} = \frac{a}{4R}$

これから、

$$\sin A = \sin \frac{1}{2} \angle BOD = \frac{1}{2} \sin D = \frac{1}{2} \frac{a}{2R} = \frac{a}{4R}$$

すなわち、

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{4R}{1} = \frac{4R}{\sin C}$$

同様に、

$$\frac{b}{\sin B} = \frac{4R}{1} = \frac{4R}{\sin A}$$

以上より

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 4R$$

正弦定理

正弦定理

1年1組 番

(関心・意欲・態度)

正弦定理を活用して、積極的に問題をつくろうとしている。

(表現・処理)

正弦定理の意味を理解し、その計算処理ができる。

つくった問題は・・・

例として（教科書の119ページ）

△ ABCにおいて、

a = 6, A = 30°, B = 45° のとき

条件

bを求めよ。

求めたいもの

例として（教科書の119ページを見てね！）

私は、次の問題をつくりました。

問題づくりについて・・・

- ① 次の定理を使いました。（例・・・正弦定理）

この定理を使って、

- ② 次の（例・・・条件 $\triangle ABC$ において、 $a = 6$, $A = 30^\circ$, $B = 45^\circ$ ）

という条件から

- ③ （例・・・ b を求める）

を求める問題を作りました。

- ④ 解き方は、（例・・・ひと組の角と辺がわかって、 B が分かるので、
正弦定理に代入し、 $b = 6\sqrt{2}$ を求めた。）

- ⑤ 解いてみてわかったことは・・・

12月　　日（　　）

余弦定理

1年1組　　番

【数学的な見方や考え方】

作図を用いて、余弦定理を導く過程を考察することができる。

1. 次の作業をしましょう！

- (1)右下に直角三角形以外の三角形を描きましょう。
- (2)描いた三角形の頂点をA, B, Cとおき、対応する辺をa, b, cとしましょう。
- (3)次に、 $\triangle ABC$ の頂点Cから辺ABに垂線を下ろしましょう。

$\triangle BHC$ の辺BC, CH, BHをそれぞれa, b, c, Aを使って表すと、

$$BC = \boxed{} , \quad CH = \boxed{} , \quad BH = \boxed{}$$

$\triangle BHC$ は、直角三角形なので三平方の定理より

$$BC^2 = BH^2 + CH^2$$

だから、

$$a^2 =$$

よって、

2. 他の余弦定理も同じような作業をして求めてみましょう。それは、ノートに書いてくださいね。

余弦定理

1年1組 番

(関心・意欲・態度)

余弦定理を活用して、積極的に問題をつくろうとしている。

(表現・処理)

余弦定理の意味を理解し、その計算処理ができる。

(個別学習)

① つくれた問題は・・・(骨組みから肉付けまで・・・イメージも！)

② 解決までの手順(使った定理はなに?どんな式を立てたの?)

③ 解いてみてわかったことは・・・

(グループ学習)

① 私たちのグループは、次の問題を選びました。（文章もイメージも）

② 解決までの手順（グループで説明できるようにしましょう！）

⑤ 解いてみてわかったことは・・・

第4章 図形と計量

第1節 三角比（正弦定理と余弦定理）

1年1組

番

【知識・理解】

- ・図形の計量に正弦定理が有用であることに気づき、定理を用いて問題を解決する方法を理解している。
- ・図形の計量に余弦定理が有用であることに気づき、定理を用いて問題を解決する方法を理解している。

1. 次の三角比の値を求めよ。

(1)

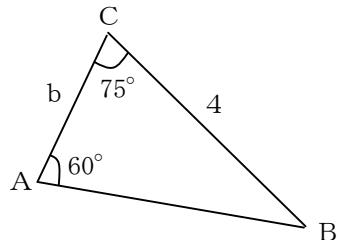
$\sin 45^\circ$

(2)

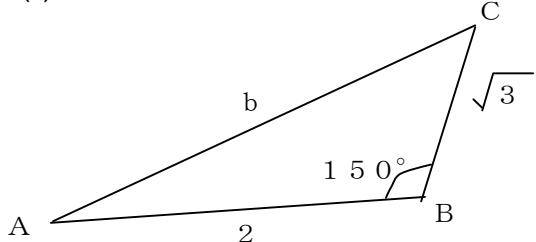
$\cos 150^\circ$

2. 次の図の△ABCで、bの値を求めよ。

(1)



(2)



3. “シロナガスクジラ”が海中にいます。横から見たクジラの上あごの長さは、5mです。下あごの長さは、3mです。

口を開ける角度が、 120° であるとき、口を開いたときの大きさは、何mか求めよ。

また、求めるときには、次の指示に従ってください。

(1) 文章からイメージしてみよう。(数値を図に表す。)

(2) 計算して求めてみよう。

(3) 使った定理は何ですか。